№ 42.



опытной физики

OMO

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ

популярно-научный журналъ,

Издаваемый Э. К. Шпачинскимъ.

опредълениемъ ччен. комит. мин. народн. просв.

PEROMEHJOBAHЪ

для пріобрѣтенія: а) въ фундаментальныя и ученическія библіотеки мужскихъ гимназій, прогимназій и реальныхъ училищъ; б) въ библіотеки учительскихъ институтовъ, семинарій, женскихъ гимназій и городскихъ училищъ.

IV СЕМЕСТРА № 6-Й.



KIEBЪ.

Типографія И. Н. Кушнерева и К^о, Елисаветинская улица, домъ Михельсона. 1888.

СОДЕРЖАНІЕ № 42.

О скорости распространенія свёта въ металлахъ. (А. Кундта). Б. Голицина.—Ромбическій додекаэдръ. (Гранатоэдръ). В. Ермакова.—Нёсколько замёчаній о преподаваніи математики. Р. В. Пржишиховскаго.—Хроника: Солнечныя пятна и химическіе элементы на солнцё. Бхм.—"Двухсотлётіе памяти Ньютона (1687—1887)." ПІ. Ј. D. Everett'а. Единицы и физическія постоянныя. Популярныя лекціи объ основныхъ гипотезахъ физики, доктора физики О. Хвольсона.—Задачи №№ 291—295.—Упражненія для учениковъ №№ 1—10.—Рф-шенія задачь №№ 119, 166, 183 и 187.

популярно-научный журналъ

"ВЪСТНИКЪ ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ И ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ"

(съ 20-го августа 1886 года)

выходить книжками настоящаго формата, не менве 24 стр. каждая, съ рисунками и чертежами въ текств, три раза въ мъсяцъ, исключая каникулярнаго времени, по 12 №№ въ полугодіе, считая таковыя съ 15-го января по 15-ое мая и съ 20-го августа по 20-ое декабря.

Подписная цѣна съ пересылкою:

Журналь издается по полугодіямь (семестрамь), и на болье короткій срокь подписка не принимается.

Текущіе №М журнала отдільно не продаются. Нівоторые изъ разрозненныхъ №М за истектія полугодія, оставшіеся въ свладі редакціи, продаются отдільно по 30 коп съ пересылкою.

Комплекты №№ за истекшія полугодія, сброшюрованные въ отдёльные тома, по 12-ти №№ пъ каждомъ, продаются по 2 р. 50 к. за каждый томъ (съ пересылкою).

Книжнымъ магазинамъ 200/0 уступки.

За перемъну адреса приплачивается всякій разъ 10 коп. марками.

Въ книжномъ складъ редакціи, кромъ собственныхъ изданій (всегда помъченныхъ монограмой издателя) и изданій бывшей редакціи "Журнала Элементарной Математики" (Проф. В. П Ермакова), имъются для продажи сочиненія многихъ русскихъ авторовъ, относящіяся къ области математическихъ и физическихъ наукъ. Каталоги печатаются на оберткъ журнала.

На собственныхъ изданіяхъ книгь и брошюрь редакція дѣлаеть 30% уступки книжнымъ

магазинамъ и лицамъ, покупающимъ не менъе 10-ти экземпляровъ.

На оберткъ журнала печатаются

частныя объявленія

о книгахъ, физическихъ, химическихъ и др. приборахъ, инструментахъ, учебныхъ пособіяхъ и пр.

на слъдующихъ условіяхъ:

За всю страницу.			-			1	6	руб.		За	1/3	страницы		7		A.		2 руб	
" 1/2 страницы .		0					3	руб.	1	99	1/4	страницы		20	0.11			1 р. 50 к.	

При повторенін объявленій взымается всявій разъ половина этой платы. Семестровыя объявленія—печатаются съ уступьою по особому соглашенію.

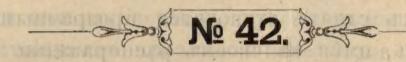
Объявленія о новыхъ сочиненіяхъ или изданіяхъ, присылаемыхъ въ редакцію для рецензіи или библіографическихъ отчетовъ, печатаются одинъ разъ безплатно.

ВЪСТНИКЪ

ОПЫТНОЙ ФИЗИКИ

И

ЭЛЕМЕНТАРНОЙ МАТЕМАТИКИ.



IV Cem.

5 Марта 1888 г.

№ 6.

O скорости распространенія свѣта въ металлахъ. (А. Кундта*).

Эта работа проф. Кундта, законченная только недавно, а именно въ Декабръ мъсяцъ прошлаго (1887) года, касается одного изъ интереснъйшихъ вопросовъ физики, который однако, вслъдствіе представляемыхъ имъ трудностей, былъ до сихъ поръ весьма мало изслъдованъ.

Извъстно, что когда простой (однородный) лучъ свъта поступаетъ изъ пустоты въ какую-нибудь среду, то онъ вообще говоря измъняетъ свое направленіе. Это явленіе называется преломленіемъ свъта и оно характиризуется такъ называемымъ показателемъ преломленія среды. По современной волновой теоріи свъта такое измъненіе въ направленіи луча происходить отъ того, что скорость распространенія волнообразнаго движенія эвира въ преломляющихъ средахъ иная, чъмъ въ пустотъ; при этомъ еще численная величина показателя преломленія представляетъ ничто иное, какъ отношеніе скоростей распространенія этихъ волновыхъ движеній въ пустотъ и въ данной средъ. Отсюда уже прямо слъдуєть, что, для того чтобы опредълить относительную скорость свъта въ какойнибудь средъ, стоить только опредълить ея показатель преломленія.

Существуетъ вообще много различныхъ способовъ для опредъленія показателей преломленія, но самый простой и къ тому же практичный способъ состоитъ въ наблюденіи отклоненія, претерпъваемаго какимъ-

FME THOTTENA

^{*) &}quot;Ueber die Brechungsexponenten der Metalle" von A. Kundt. Sitzungsberichte der K. Preussischen Akademie der Wissenschaften zu Berlin. VIII. 1888. Sitzung vom 16 Februar.

нибудь однороднымъ свътовымъ лучемъ въ призмъ, сдъланной изъ испытуемаго вещества. Но этотъ способъ требуетъ непремънно, чтобы данное тъло было прозрачно, чтобы можно было въ дъйствительности наблюдать отклоненія свътового луча. Но такъ какъ металлы вообще не прозрачны, то для опредъленія ихъ показателей преломленія этимъ способомъ до проф. Кундта никто и не пользовался. Однако этому ученому удалось послъ многихъ неудачныхъ попытокъ и массы потраченнаго труда найти способъ приготовлять очень тонкія вполнъ прозрачныя металлическія призмы съ весьма острымъ преломляющимъ угломъ. Дъйствительно, металлы въ очень тонкихъ слояхъ становятся прозрачными для свъта, и можно такимъ образомъ, имъя въ своемъ распоряженіи подобныя призмочки, опредълять по обыкновенному уже способу разные показатели преломленія и получить такимъ образомъ непосредственно и относительную скорость распространенія свъта въ различныхъ металлахъ.

Но и до работы проф. Кундта были сдёланы кой-какія попытки получить, хотя косвеннымъ путемъ, нёкоторыя указанія о численной величинё показателя преломленія различныхъ маталловъ.

Такъ, напримъръ, Quincke изъ разныхъ явленій интерференціи, а Wernicke изъ величины поглощенія свъта, вывели показатель преломленія серебра, но результаты ихъ вычисленій весьма несогласны между собою. Вычисленія-же Beer'a и Voigt'a, основанныя на наблюденіяхъ надъ отраженіемъ свъта отъ металловъ, даютъ вообще хорошее согласіе. Оба эти ученые нашли, что показатель преломленія серебра и золота меньше единицы, мѣди—около единицы, прочихъ-же металловъ—больше единицы. Результатъ этотъ очень интересный; онъ свидѣтельствуетъ, что свътъ распространяется въ золотъ и серебръ быстръе, чъмъ въ пустотъ.

Теперь обратимся къ работъ проф. Кундта и разсмотримъ сначала какимъ образомъ приготовлялись вышеупомянутыя прозрачныя металлическія призмы. Для этой цъли надо было сначала приготовить платинированное стекло. Это такое стекло, которое покрыто тонкимъ, вполнъ прозрачнымъ слоемъ платины. Въ приготовленіи этихъ стеколъ и заключалась сначала одна изъ главныхъ трудностей работы; но наконецъ удалось найти такой составъ жидкости, употребляемой для платинированія, что при прокаливаніи стеколъ при сравнительно низкой температуръ, при которой поверхность ихъ не подвергалась никакимъ искаженіямъ, а оставалась совершенно плоской, получался на стеклъ совершенно однородный слой платины. На этомъ слоѣ платины и отлагались затъмъ гальваническимъ путемъ металлическія призмы Для этого платинированное стекло устанавливалось въ горизонтальномъ положеніи; къ нему вертикально приставлялась (однако безъ касанія) пластинка изъ испытуемаго металла, и въ угловомъ пространствъ между платинированнымъ стекломъ

и пластинкой вводился капиллярный слой раствора соли того-же металла. Пропуская затъмъ токъ извъстной силы чрезъ растворъ, на платинъ отлагалась тонкая, прозрачная двойная призма, наибольшая толщина которой приходилась, очевидно, противъ вертикальной пластинки.

Такін призмы обладали, однако, далеко не всегда плоскими поверхностями, а потому приходилось изъ большого числа приготовляемыхъ призмъ выбирать для наблюденій только лучшія, гдѣ хотя на небольшомъ протяженіи, можно бы было принимать ихъ поверхность за плоскость, что контролировалось особенными наблюденіями.

Но этимъ гальваническимъ путемъ никакъ нельзя было получить хорошихъ платиновыхъ призмъ, и потому для приготовленія этихъ послѣднихъ пришлось прибъгнуть къ совершено иному пріему. Извѣстно, что платиновая проволока, доведенная проходящимъ чрезъ нее гальваническимъ токомъ до температуры каленія, начинаетъ разсѣивать въ разныя стороны мелкія частицы платины (Zerstäubung). Если приблизить къ такимъ образомъ накаленной проволокѣ стекляную пластинку, то на этой послѣдней осаждаются частицы платины. Теперь, если платиновую проволоку замѣнить платиновой-же пластинкой, установить ее нормально къ горизонтально лежащему стеклу и накалить, то можно получить, подобно тому какъ раньше электролитическимъ путемъ для другихъ металловъ, двойную, вполнѣ прозрачную призму, состоящую частью изъ платины и частью изъ окиси этого металла. Но эта окись при слабомъ нагрѣваніи сейчасъ-же разлагается, и можно такимъ образомъ весьма легко возстановить призму изъ чистой платины.

Самыя наблюденія заключались въ слёдующемъ. Испытуемыя призмы устанавливались на большемъ спектрометрѣ, снабженномъ микроскопами для отсчитыванія угловъ. Затѣмъ опредѣлялись, какъ преломляющій уголъ призмы да такъ и отклоненіе луча отъ своего первоначальнаго направленія да. Въ наблюденіяхъ проф. Кундта д и д были очень маленькія величины (вообще меньше 1'), а потому для вычисленія показателя преломленія показателя преломленія показателя преломленія показателя презоваться слѣдующей простой формулой:

$$n=\frac{\alpha+\delta}{\delta}$$
.

Сначала опредълялся показатель преломленія для бълаго луча (солице, лампа или электрическая лампа), а затъмъ для металловъ, обладающихъ замътнымъ свъторазсъяніемъ, и для красныхъ и синихъ лучей, пропуская для этой цъли бълый свътъ солица или электрической лампы сначала сквозь красныя или синія стекла.

Въ слъдующей таблицъ сгруппированы средніе результаты всъхъ наблюденій надъ чистыми металлами *). Здъсь п представляеть показатель пре-

^{*)} Были также произведены наблюденія надъ окисями некоторыхъ металловъ.

ломленія различныхъ металловъ относительно воздуха или, что почти тоже самое, относительно пустоты.

	Показатель преломленія п.										
металлы.	красный лучъ.	вълый лучъ.	синій лучъ.								
Серебро	outroperum static at	0,27	Scotting which it								
Золото	0,38	0,58	1,00								
Мъдь	0,45	0,65	0,95								
Платина	1,76	1,64	1,44								
Жельзо	1,81	1,73	1,52								
Никель	2,17	2,01	1,85								
Висмутъ	2,61	2,26	2,13								

Изъ этой таблицы видно, что скорость свъта въ серебръ почти вчетверо больше, чъмъ въ пустотъ. При этомъ свъторазсъяніе (дисперсія) въ серебръ на столько мало, что его изъ этихъ наблюденій не удалось совсъмъ и опредълить. Въ золотъ и мъди скорость свъта тоже больше, чъмъ въ пустотъ и дисперсія нормальная, то есть синіе лучи преломляются, какъ это обыкновенно и бываетъ, сильнъе красныхъ. Въ прочихъ-же металлахъ скорость свъта меньше, чъмъ въ пустотъ и дисперсія анормальная. Такъ, напримъръ въ висмутъ, красные лучи преломляются значительно сильнъе синихъ.

Эти замъчательные результаты въ общихъ чертахъ вполнъ согласуются съ прежними вычисленіями Beer'a и Voigt'a.

Обративъ вниманіе на то, что численная величина показателя преломленія п обратно пропорціональна относительной скорости св'єта въ соотвътствующемъ металлъ, сейчасъ-же бросается въ глаза, что тъ металлы, которые лучше проводять электричество и теплоту, въ то-же самое время представляютъ и меньше сопротивленія движенію свъта. Но электрическая и тепловая проводимость какого-нибудь вещества при данной температуръ есть вполнъ опредъленная величина, скорость-же распространенія свъта есть величина перемънная, зависящая отъ длины волны или, что то-же самое, отъ цвъта простого луча. Но есть основаніе предполагать, что и въ металлахъ, подобно тому, какъ въ прозрачныхъ тълахъ, показатель преломленія стремится съ увеличеніемъ длины волны луча къ нъкоторому опредъленному предълу; соотвътствующую этому предвлу скорость и можно принять за скорость свъта въ данномъ металлъ. Поэтому, желая сравнить между собою скорости свъта въ различныхъ металлахъ, надо за неимъніемъ лучшаго выбрать для сравненія скорости распространенія красныхъ лучей, какъ ближе лежащихъ къ вышеупомянутому предвлу.

Принимая такимъ образомъ условно скорость красныхъ лучей въ серебръ за 100, скорость тъхъ-же лучей въ другихъ металлахъ представляется слъдующими числами:

металлы.	Скорость свёта.
Серебро.	100
Золото .	71
Мъдь	60
Платина.	15,3
Жельзо .	14,9
Никель .	12,4
Висмутъ.	10,3
Law Section 1	

Стоитъ только сравнить этотъ рядъ чиселъ, съ числами данными различными наблюдателями для электрической проводимости, чтобы убъдиться, что существуетъ въ общихъ чертахъ пропорціональность между скоростью распространенія свъта въ металлахъ и ихъ электро-, а слъдовательно и тепло-проводностью. Болъе значительное отступленіе представляетъ висмутъ, для которого вообще коэффиціенты электро- и тепло-проводности, данные различными наблюдателями, плохо согласуются между собою.

Эта замѣчательная пропорціональность указываеть, слѣдовательно, на существованіе тѣсной зависимости между скоростью распространенія свѣта, теплоты и электричества въ томъ-же металлѣ.

Въ заключение упомяну о попыткъ, сдъланной проф. Кундтомъ, найти подходящее объяснение для этой интересной зависимости. Онъ принимаетъ, что процессъ передачи теплоты чрезъ теплопроводность состоитъ въ лучеиспускании теплоты отъ одного слоя металла къ смежному слою, при чемъ это лучеиспускание происходитъ именно со скоростью распространения свъта въ соотвътствующемъ металлъ. Далъе, что въ проводникъ, чрезъ который проходитъ гальванический токъ, то нъчто, что мы называемъ электричествомъ, также перемъщается со скоростью распространения свъта. Эта теория требуетъ однако дальнъйшей разработки.

Б. Голицынъ (Страсбургъ).

Ромбическій додекаэдръ.

(Гранатоэдръ).

Возьмемъ кубъ и срѣжемъ его ребра такъ, чтобы рѣжущая плоскость была параллельна ребру и одинаково наклонена къ смежнымъ ребрамъ; если всѣ ребра срѣжемъ одинаковымъ образомъ, то въ результатѣ получимъ новый многогранникъ, въ которомъ ребрамъ куба будутъ соотвѣтствовать 12 шестиугольныхъ граней; грани же куба послѣ срѣзыванія остаются также квадратами меньшихъ размѣровъ. Если мы будемъ продолжать срѣзываніе далѣе, то квадратныя грани будутъ уменьшаться и

наконецъ исчезнутъ; въ этомъ послъднемъ случав мы получимъ ромбическій додекаэдръ (двънадцатигранникъ) *), который имъетъ 12 граней, 14 вер-

Фиг. 21.

шинъ и 24 ребра; (фиг. 21) всё грани равны и представляютъ ромбы; вершины двухъ родовъ: 8 трегранныхъ вершинъ, соотвётствующихъ вершинамъ куба, и 6 четырегранныхъ вершинъ, соотвётствующихъ гранямъ куба.

Ромбическій додекаэдръ можетъ быть полученъ также сръзываніемъ реберъ октаэдра до полнаго исчезновенія граней.

Покажемъ, какъ построить ромбъ, входящій въ составъ поверхности додеказдра. Прежде всего замътимъ, что тупые углы ромбовъ комбинируются въ трехгранныя вершины, а острые углывъ четырегранныя вершины; каждое ребро упирается однимъ концомъ въ трегранную и другимъ въ четырегранную вершину. Пусть М есть какая нибудь трегранная вершина, MA, MP и MQ-ребра, выходящія изъ этой вершины; углы между этими ребрами равны тупымъ угламъ ромба, разстоянія AP, AQ и PQ между концами реберъ равны большей діагонали ромба. Ребро МА концомъ А упирается въ четырегранную вершину; изъ этой послъдней вершины выходить ребро АВ, параллельное МР и находящееся съ нимъ въ одной грани, и ребро АF, параллельное MQ и находящееся съ нимъ также въ одной грани; два ребра AB и АГ суть противоположныя ребра четырегранной вершины, уголъ между ними равенъ тупому углу ромба, разстояние ВЕ концовъ этихъ реберъ равно большей діагонали. Пусть А вышеупомянутая четырегранная вершина, AB, AM, AF и AG-ребра, выходящія изъ этой вершины; пересъкая додеказдръ плоскостью, проходящею чрезъ концы этихъ реберъ, получимъ въ съчени квадратъ, сторона котораго равна меньшей діагонали ромба; діагональ квадрата, какъ показано выше, равна большей діагонали ромба. Отсюда следуеть, чтобы діагонали ромба относятся между собою какъ діагональ квадрата къ его сторонъ, т. е. отношеніе діагоналей ромба равно $\sqrt{2}$; такой ромбъ легко построить.

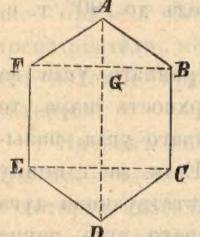
Если мы пересвчемъ додеказдръ такъ, чтобы плоскость свченія проходила чрезъ двв пары противоположныхъ четырегранныхъ вершинъ, то въ свченіи получимъ квадратъ, сторона котораго равна большей діагонали ромба; діагональ этого квадрата, т. е. разстояніе между про-

^{*)} Въ такой формъ кристализуется гранатъ, почему въ минералогіи ромбическій двънадцатигранникъ часто называется *гранатоэдромъ*. Эта форма принадлежитъ къ *правильной* кристаллографической системъ, съ тремя взаимно перпендикулярными осями, и характиризуется знакомъ (1:1:∞), который показываетъ, что каждая грань параллельна одной изъ осей, и пересъкаетъ двъ другія на равныхъ разстояніяхъ отъ центра.

тивоположными четырегранными вершинами (крист. ось), равна удвоенной меньшей діагонали.

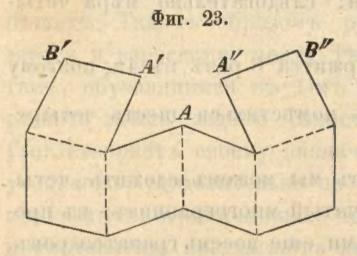
Если мы пересъчемъ додекаэдръ плоскостью, проходящею чрезъ Фиг. 22.

двъ противоположныя четырегранныя вершины А и



двъ противоположныя четырегранныя вершины А и D и чрезъ четыре трегранныя вершины, то въ съченіи получимъ шестиугольникъ ABCDEF (фиг. 22), четыре стороны котораго AB, AF, DC и DE равны сторонамъ ромба, двъ же остальныя стороны BC и EF суть меньшія діагонали ромба; діагонали BF и CE шестиугольника равны большей діагонали ромба; діагональ AD равна удвоенной меньшей діагонали ромба.

Поставивъ додекаэдръ такъ, чтобы двъ противоположный четырегранный вершины находились на одной вертикальной линіи, будемъ имъть четыре грани вверху, четыре внизу и четыре боковыя грани. Сдълавъ разръзъ по верхнимъ краямъ двухъ противоположныхъ боковыхъ граней и по нижнимъ краямъ двухъ остальныхъ боковыхъ граней, мы раздълимъ поверхность двънадцатигранника на двъ равный части, каждая изъ которыхъ имъетъ одну четырегранную и двъ трегранныя вершины. Въ каждой половинъ поверхности сдълаемъ три разръза по тремъ ребрамъ, выходящимъ изъ одной четырегранной вершины, оставляя неразръзаннымъ четвертое ребро, соединяющее эту вершину съ краемъ; послъ этого мы можемъ половину поверхности развернуть на плоскость и получимъ слъдующую фигуру (фиг. 23).



Обратно, если мы эту фигуру свернемъ такъ, чтобы точки А, А' и А" совпали и прямая А'В' совмъстилась съ А"В", то получимъ половину поверхности ромбическаго додеказдра.

Вычислимъ теперь уголъ между двумя смежными гранями. Грани додекаэдра параллельны ребрамъ куба; оба многогранника имъютъ общій центръ, поэтому пер-

пендикуляры изъ центра на грани додекаэдра совпадутъ съ пернендикулярами изъ центра на ребра куба. Если означимъ чрезъ а ребро

куба, то $a\sqrt{2}$ есть діагональ его грани, $1/2a\sqrt{2}=\frac{a}{\sqrt{2}}$ есть длина перпендикуляра изъ центра куба на ребро. Разстояніе между срединами

двухъ смежныхъ реберъ тоже равно $\sqrt{\left(\frac{a}{2}\right)^2 + \left(\frac{a}{2}\right)^2} = 2$ Отсюда слъ-

дуеть, что треугольникь, двъ вершины котораго находятся на срединахъ

двухъ смежныхъ реберъ куба, а третья въ центрѣ, есть равносторонній. Поэтому уголъ между перпендикулярами, опущенными изъ центра на два смежные ребра куба, равенъ 60°; такой же уголъ будетъ между перпендикулярами, опущенными изъ центра на двѣ смежныя грани гранатоэдра; уголъ между гранями дополняетъ этотъ уголъ до 180°, т. е. равенъ 120°.

Если мы примемъ вершину какого нибудь многограннаго угла за центръ и опишемъ радіусомъ, равнымъ единицѣ, поверхность шара, то часть этой поверхности, заключенная внутри многограннаго угла, называется отверствемъ или мърою многограннаго угла. Если за единицу мѣры угловъ примемъ такой центральный уголъ, соотвѣтствующая дуга котораго равна по длинѣ радіусу, то мѣра многограннаго угла равна S—(n—2)π, гдѣ S есть сумма двугранныхъ угловъ и n—число граней многограннаго угла. Доказать эту теорему предоставляемъ самому читателю.

Каждый двугранный уголь додекаэдра по указанному выше способу измъренія равень $\frac{2}{3}\pi$. Для треграннаго угла S=2 π , n=3; слъдовательно мъра треграннаго угла равна π . Поверхность шара, описаннаго радіусомъ равнымъ единицъ, равна 4π ; въ этой поверхности мъра треграннаго угла заключается четыре раза. Отсюда слъдуетъ, что четыре трегранные угла додекаэдра, будучи сложены вмъстъ, заполняютъ собою все пространство.

Для четыреграннаго угла $S=\frac{8}{3}\pi$, n=4; слъдовательно мъра четы-

реграннаго угла равна $\frac{2}{3}\pi$. Эта мъра содержится 6 разъ въ 4π ; поэтому около одной точки безъ промежутка могутъ помъститься шесть четырегранныхъ угловъ гранатоэдра.

Такимъ образомъ шесть гранатоэдровъ мы можемъ сложить четыреугольными вершинами и получимъ звъздчатый многогранникъ; въ промежутки можемъ вложить трегранными углами еще восемь гранатоэдровъ, получимъ новый звъздчатый многогранникъ и т. д. Совътуемъ читателю воспроизвести эти фигуры изъ картона.

Кромъ разсмотръннаго нами, существуетъ еще ромбическій тридцатигранникъ, который получается сръзываніемъ реберъ правильнаго двънадцатигранника (пентагональнаго додекаэдра) или двадцатигранника (икосаэдра) до исчезновенія граней. Предоставляемъ самому читателю изслъдовать подробно этотъ тридцатигранникъ.

ayers, we they continued the continued of the continued of the continued of the continued of the continued of

Пр. В. Ермаковъ.

Нъсколько замъчаній о преподаваніи математики.

Въ настоящей статьт мы изложимъ вкратцт тт выводы, къ которымъ насъ привела довольно продолжительная учительская служба. Опытные преподаватели, можетъ быть, найдутъ здтсь мало новаго, но мы надтемся, что молодые педагоги прочтутъ наши замтчанія не безъ нткотораго интереса.

Начнемъ съ указанія на весьма крупную ошибку, которую дълаютъ при прохожденіи элементарныхъ частей гимназическаго курса математики и которая настолько вошла въ обычный порядокъ вещей, что повліяла на составление наиболже распространенныхъ и наилучшихъ учебниковъ и задачниковъ. Эта ошибка состоитъ въ томъ, что ученикамъ низшихъ классовъ предлагаются, преимущественно по ариометикъ, ненепомърно трудныя задачи и очень часто недоступныя для нихъ доказательства. Вследствіе этого являются трудности, на преодоленіе которыхъ безполезно тратится очень много энергіи и времени, главная же цъль, которой должно достигнуть преподавание ариометики въ первыхъ двухъ классахъ, совершенно упускается изъ виду. Въ справедливости сказаннаго легко убъдиться, предложивши каждому образованному человъку, не забывшему еще дъйствій надъ дробями, любой задачникъ для ръщенія задачь подъ рядъ. Нъть сомньнія, что надъ большинствомъ изъ нихъ онъ порядочно призадумается, некоторыхъ же совершенно не рвшитъ. Такимъ образомъ рвшение ариеметическихъ задачъ не легко дается и взрослому, между тёмъ какъ оно ставится въ обязанность двтямъ, обучающимся въ 1-мъ и 2-мъ классъ. Конечно, они не могутъ рвшать этихъ задачъ самостоятельно, но ввдь задача только тогда и удовлетворнеть своему назначенію, если вполнъ самостоятельно ръшается ученикомъ; слъдовательно не мъщало бы выбросить изъ курса большинство задачъ, ограничившись передълкой только доступныхъ. Однако многіе преподаватели предлагають весьма значительное количество подобныхъ задачъ, не ръшаясь быть въ разногласіи съ принятымъ обычаемъ, или же, приписывая такимъ задачамъ неопредъленное свойство развивать учениковъ. А чтобы ученики справлялись съ ними или, хотя бы представили ръшенія на бумагь, употребляются различные пріемы, начиная отъ обильной постановки единицъ и кончая усердною подготовкою учениковъ къ ръшенію такихъ задачъ. — Съ последнею целью показываютъ ученикамъ необходимый пріемъ на примъръ и затъмъ предлагаютъ рядъ подходящихъ къ этому примъру случаевъ; ученики и заучиваютъ механическій пріемъ, необходимый для ръшенія задачи, высказанной извъстнымъ образомъ. Добившись этого, преподаватель на всегда замъчаетъ,

что достаточно измёнить иногда формулировку задачи, чтобы ученики потерялись, не зная, можно ли примънить прежній пріемъ къ задачъ, высказанной другими словами. Иногда преподаватель для уясненія задачи составляетъ по ея условіямъ уравненіе, отличающееся отъ алгебраическаго развъ тъмъ, что въ него входитъ только одна буквенная величина x, забывая, что алгебраическія обозначенія поясняють содержаніе задачи только ему, учителю, давно привыкшему къ нимъ, но не ученикамъ, впервые встръчающимся съ алгебраическими обозначеніями. Практика приводитъ тогда къ необходимости ознакомить учениковъ съ алгебраическими обозначеніями и, въроятно вследствіе этого, въ задачникахъ находятся цълые отдълы задачъ на нахождение численныхъ результатовъ весьма сложныхъ выраженій, содержащихъ многочлены и въ большомъ изобиліи скобки. Ръшить такія задачи самостоятельно еще трудніве ученикамъ низшихъ классовъ; въ самомъ дълъ, если учениковъ, начинающихъ алгебру въ 3-мъ классъ, трудно пріучить къ употребленію скобокъ, то какъ могутъ справляться съ ними ученики 2-го класса, которымъ и не объясняется систематически ихъ употребленіе. Пожалуй, слёдуя за примъромъ, который учитель передвлаль, они будуть рвшать задачи даннаго вида, но мальйтій новый случай будеть ставить ихъ въ тупикъ. - Кромъ непосильныхъ задачъ въ курсв ариеметики низшихъ классовъ вводятся доказательства многихъ теоремъ о пропорціяхъ, которыя могутъ быть удовлетворительно сделаны только съ помощью алгебраическихъ пріемовъ и обозначеній, и цілая статья о ділимости чисель. Ніть сомнінія, что знаніе признаковъ дълимости облегчаетъ нъкоторыя вычисленія; но ученикамъ низшихъ классовъ можно давать эти признаки безъ доказательства, ограничиваясь лишь подтвержденіемъ ихъ на примърахъ.

Единственная и весьма важная цёль, которую имъетъ преподаваніе ариеметики въ низшихъ классахъ, состоитъ въ томъ, чтобы пріучить учениковъ върно и быстро совершать четыре первыя дъйствія надъ цълыми числами и дробями, ясно сознавая значеніе всѣхъ, употребляемыхъ при этомъ пріемовъ, и легко примънять эти дъйстія къ ръшенію задачъ, содержаніе которыхъ ясно и безъ всякой двусмысленности показываетъ, какія дъйствія необходимо употребить для ихъ ръшенія. На самомъ же дълъ ученикамъ предлагается множество непосильныхъ задачъ, различные алгебраическіе пріемы и недоступныя доказательства, главная же цъль, благодаря недостатку времени, въ значительной степени упускается изъ виду. Въ результатъ оказывается, что въ 3-мъ классъ есть много учениковъ, которыхъ затрудняютъ дъйствія съ дробями, и что всѣ они, вообще, довольно медленно и плохо считаютъ. Но тутъ ученикамъ приходится усвоивать новыя опредъленія, пріучаться къ болѣе отвлеченнымъ понятіямъ и тогда уже некогда думать о пополненіи пробъловъ. Ръшеніе чис-

ленныхъ примъровъ затрудняетъ учениковъ, благодарн плохому знанію ариометики. Такимъ образомъ незнаніе или плохое знаніе ариометики и недостаточный навыкъ къ вычисленіямъ отражается на алгебрѣ, начала которой плохо усвоиваются учениками. А тутъ и въ алгебрѣ являются непосильныя задачи въ отдѣлѣ уравненій первой степени съ однимъ неизвѣстнымъ; большинство задачъ этого отдѣла таково, что ихъ слѣдовало бы предлагать на составленіе уравненій съ двумя или большимъ числомъ неизвѣстныхъ; если же требуется составлять одно уравненіе съ однимъ неизвѣстнымъ, то приходится мысленно исключать одно неизвѣстное, что представляетъ ученикамъ большія трудности.

Теперь посмотримъ, какихъ результатовъ мы добиваемся, затрудняя учениковъ непосильными требованіями. Прежде всего средній ученикъ начинаетъ сомнъваться въ своихъ способностяхъ; по его мнънію, какъ онъ ни трудись, какъ ни думай, большинство задачъ не можетъ быть ръшено имъ вполнъ самостоятельно, равнымъ образомъ не могутъ быть поняты нъкоторыя части теоретического курса. Неувъренность въ своихъ способностяхъ приводитъ къ тому, что онъ готовитъ уроки, заучивая доказательства начзусть, задачи же списываются у болъе способныхъ товарищей или у тъхъ, которые имъютъ репетиторовъ; или, наконецъ, покупаетъ одну изъ книжекъ, издаваемыхъ особаго рода спекулянтами, въ которой помъщаются ръшенія задачь наиболье распространенных учебниковь. Такіе ученики отвъчаютъ бойко, даже безъ ошибокъ, и только изръдка въ ихъ отвътахъ проскальзываютъ нелъпости, которыя они спокойно произносятъ, не подозръвая даже, что ихъ отвътъ невъренъ. Однако, иногда, отвътъ ученика бываетъ вполнъ безукоризненъ; тогда преподаватель приходитъ къ убъжденію, что ученикъ знаетъ урокъ, и, не имъя времени для повърки этого убъжденія рядомъ вопросовъ, предложенныхъ ученику, переходить къ другому. Ученикъ же укръпляется въ мнъніи, что онъ удовдетворилъ всемъ требованіямъ учителя. Если же случится, что преподавателю удастся въ концъ концовъ обнаружить непонимание ученика и онъ поставить ученику неудовлетворительную отметку, то этотъ последній вполне искренно считаеть себя обиженнымъ, настолько въ немъ укоренилось убъжденіе, что отъ него ничего больше не требуется, кромъ знанія урока наизусть. Следствіемъ этого является совершенно пассивное отношение учениковъ къ преподаванию; они не интересуются предметомъ, не стараются вникнуть въ сущность доказательствъ и шалятъ на урокахъ, если преподаватель слабохарактерный и дисциплина въ заведеніи - слабая; при строгой же дисциплинъ у строгаго преподавателя сидятъ смирно, но безсмысленно, и въ головахъ, не занятыхъ дъломъ, проходитъ цълая вереница представленій, не имъющихъ съ математикой ничего общаго. Кромъ того у нъкоторыхъ учениковъ постепенно развивается привычка

считать извъстными, а слъдовательно понятными вещи, которыхъ они совершенно не понимаютъ. Въ самомъ дълъ, въ низшихъ классахъ ученики не могутъ еще провести строгаго разграниченія между понятными и непонятными вещами; это разграничение весьма часто у нихъ сливается съ различіемъ между обыкновенными и необыкновенными вещами, въ этомъ возраств кромв того плохо понимаютъ точное значение словъ, взятыхъ даже изъ обыкновенной, ежедневной рфчи, если эти слова выражають сколько нибудь отвлеченныя понятія. Въ такомъ случав отъ учениковъ нельзя требовать, чтобы они сами добивались полнаго выясненія непонятыхъ ими въ курсь, вещей, такъ какъ въ ихъ умахъ ньтъ даже образца для сравненія, который бы показываль какова должна быть ясность и отчетливость понятій, чтобы эти понятія могли послужить основаніемъ для върныхъ умозаключеній. Обременяя учениковъ непосильными требованіями, мы пріучаемъ большинство изъ нихъ ограничиваться некоторою степенью полупониманія, необходимаго для того, чтобы не сбиться, отвъчая урокъ учителю; въ случав хорошей памяти нъкоторые ученики, за такіе знанія постоянно получають хорошія отмътки и остаются искренно убъжденными, что они вполнъ знаютъ и понимаютъ весь пройденный курсъ. Вследствіе дальнейшаго накопленія трудныхъ и непонятныхъ вещей это убъждение усиливается съ каждымъ годомъ и неръдко остается на всю жизнь. Для ученика, у котораго сложилось такое убъжденіе, если во время не принять исключительныхъ мъръ для искорененія неправильнаго взгляда, все дальнъйшее ученіе потеряно, оно приносить ему только вредь, развиван умственную косность, слешую веру въ слова учителя или учебника. Послъ долгаго пребыванія въ школъ, онъ выходить изъ нея, оказываясь менъе развитымъ, чъмъ любой человъкъ, не учившійся вовсе, но котораго практическая жизнь заставляла серьезно задумываться надъ вопросами, хотя бы самыми простыми, но требующими раціональнаго и практически-примінимаго рішенія, подъ страхомъ различныхъ неудобствъ или физическихъ лишеній. Каждый, кого жизнь сталкивала съ людьми, различными по образованію, согласится съ нами, что между людьми, не получившими никакого образованія, ріже встрачаются неспособные сообразить что либо самостоятельно, конечно изъ области имъ доступной, чёмъ между людьми, получившими гимназическое, а иногда и высшее образованіе.

Иногда встръчаются преподаватели съ противоположными наклонностями, которые, желая сдълать предметъ совершенно доступнымъ для учениковъ, впадаютъ въ другую крайность; такіе преподаватели неръдко предлагаютъ цълые ряды задачъ, требующихъ только механическихъ передълокъ по указанному шаблону. Объясняя какое нибудь правило, они слишкомъ много говорятъ о немъ, стараясь его всячески пояснить,

забывая, что при обиліи словъ не всегда удается соблюсти научную точность въ выраженіяхъ. У такихъ преподавателей ученики часто скучаютъ въ классъ, такъ какъ они давно уже сообразили въ чемъ дъло, а преподаватель все еще продолжаетъ говорить о томъ же; такое преподаваніе, не возбуждая умственной дъятельности учениковъ, лишаетъ преподаваемый предметъ всякаго интереса.

Какъ изложеніе предмета, такъ и предлагаемыя задачи должны быть приноровлены къ способностямъ средняго ученика, но вмѣстѣ съ тѣмъ то и другое должно требовать отъ него нѣкоторыхъ усилій, должно представлять нѣкоторыя трудности, съ которыми, однако, онъ могъ бы самостоятельно справиться; этому способствуетъ письменное рѣшеніе такихъ задачъ, изъ которыхъ каждая слѣдующая представляетъ нѣкоторыя трудности сравнительно съ предъидущей.

Что сказано о задачахъ, примънимо и къ изложенію теоріи; если, соблюдая возможную краткость и сжатость въ изложеніи, преподаватель достигь того, что ученики его понимають, то следующе отделы должны быть изложены болъе сжато и кратко. Въ алгебръ или тригонометріи, гдъ встръчается много передълокъ, послъднее достигается тъмъ, что пропускаются нъкоторыя легкія передълки п предлагается ученикамъ мысленно ихъ пополнить. Можно остановиться при изложеніи, оставляя ученикамъ время догадаться откуда явилось данное выражение; это нравится даже ученикамъ, такъ какъ возбуждаетъ ихъ интересъ и даетъ поприще для самостоятельной работы мысли; тогда какъ не въ мъру растянутое изложеніе, не требуя стъ учениковъ никакого активнаго участія, перестаетъ ихъ интересовать, они начинаютъ пассивно относиться къ нему, пропускаютъ многое изъ сказаннаго и, потерявъ руководящую нить, перестають даже понимать то, что имъ излагають. - Сама растянутость изложенія, увеличивая время, въ которое вниманіе учениковъ должно быть въ напряженномъ состояніи, утомляетъ ихъ больше, чъмъ при переходъ ихъ умственной дъятельности отъ пассивной работы къ активной и на оборотъ. - Послъ изложенія чего бы то ни было законченнаго, никогда не следуетъ немедленно переходить къ следующему выводу, не предложивъ предварительно, хотя бы самой легкой задачи на примънение доказаннаго. Благодаря этому, во первыхъ внимание учениковъ меньше утомляется во вторыхъ имъ дается возможность представить себъ изложенное болъе конкретно, связавъ его съ извъстными уже положеніями, что значительно содъйствуетъ его усвоенію. Не следуеть слишкомъ долго держать вниманіе учениковъ въ напряженномъ состояніи, а для этого необходимо все второстепенное отдёлять отъ хода главнаго разсужденія и первое излагать раньше послъдняго; при соблюдении этого правила можно иногда сложные выводы лишить всей ихъ трудности. Слишкомъ длинные выводы,

кромъ своей утомительности не даютъ развиться самодъятельности учениковъ; боясь отвлечься въ сторону и потерять нить разсужденія, они совершенно рабски слъдуютъ за малъйшими подробностями изложеннаго въ учебникахъ, когда же послъ продолжительнаго труда запомнятъ наконецъ выводъ, у нихъ уже не остается больше ни охоты ни энергіи, чтобы критически отнестись къ выводу, разсмотръть различные допустимые случаи и т. д., что необходимо для совершеннаго усвоенія вывода. Примъромъ длиннаго вывода можетъ служить, распространение формулы Ньютонова бинома на дробные и отрицательные показатели степени, какъ оно изложено, напримъръ, въ учебникъ пр. Сомова. Намъ могутъ возразить, что необходимо пріучать учениковъ къ преодолъванію трудностей, мы же отвътимъ на это, что программы нашихъ школъ весьма обширны, времени же очень мало, что большинство учениковъ не успъваетъ вполнъ усвоить курса, что учитель долженъ стараться по возможности выгадать больше времени, чтобы передълать съ учениками побольше задачъ, необходимыхъ для поясненія курса, и, наконецъ, что чъмъ доступнъе будемъ излагать науку, тъмъ большую часть ея сможемъ захватить. Преподаватель долженъ помнить, что rars longa, vita brevis est, ч онъ долженъ помнить и то, что за всякій часъ, безполезно потерянный учениками, онъ отвъчаетъ нрапственно передъ обществомъ, ввърившимъ ему учениковъ, и имъющими право требовать, чтобы время ученія не было потеряно непроизводительно.

Безполезной тратой времени следуеть считать и то, когда не дается прямо ученикамъ опредъленіе какого нибудь дъйствія, или геометрическаго понятія, или формулировки теоремы въ законченномъ и лучшемъ видъ, но стараются различными указаніями привести учениковъ къ тому, чтобы они сами сочинили эту формулировку или опредъление. Въ самомъ дълъ, этого можно достигнуть не иначе, какъ приводя рядъ примъровъ, подходящихъ подъ данное понятіе; ученики при этомъ не знаютъ на какую сторону каждаго примъра имъ слъдуетъ обратить вниманіе, одновременно же удержать въ памяти всв примъры большинство не можетъ. Но, предполагая даже, что весь классъ состоитъ изъ способныхъ и внимательныхъ учениковъ, все таки они не могутъ дать върной формулировки безъ цълаго ряда неудачныхъ попытокъ, и когда наконецъ съ неизбъжною помощью учителя имъ удается это сдълать, то умы ихъ будуть на столько утомлены, что последнее впечатление оставить только слабый слъдъ; благодаря этому, при воспоминаніи прослушаннаго въ классь, то и дело будуть всплывать впечатленія, оставленныя неверными опредъленіями въ свъжихъ еще умахъ и заглушать послъднее; время, употребленное на эту работу, принесетъ отрицательный результатъ. Желая дать ученикамъ формулировку теоремы, опредъленія или какого

нибудь закона, слёдуеть ихъ прежде подготовить къ этому, пояснивъ значеніе нёкоторыхъ непонятныхъ словъ, которыя могутъ въ ней встрётиться и затёмъ ее высказать въ законченномъ видё; послё этого ихъ слёдуетъ заставить повторить ее и нёсколько разъ, поясняя при этомъ необходимость словъ, которыя они будутъ пропускать, и не раньше переходить къ доказательствамъ, какъ послё того, когда весь классъ безъ ошибки будетъ въ состояніи ее повторить.

Многіе, въ особенности начинающіе преподаватели высказываютъ мевніе, что до прохожденія систематическаго курса полезно было бы проходить пропедевтику предмета; но легко видъть, что такая пропедевтика окажется полезной развъ въ приготовительныхъ классахъ, гдъ она могла бы представить хорошій матеріаль для такъ называемыхъ предметныхъ уроковъ. Полезно было бы ученикамъ этихъ классовъ, въ виду дальнъйшаго ученія, если бы имъ показать нъкоторыя геометрическія тыла, ознакомить съ названіями ихъ элементовъ, заставить сосчитать ребра, грани и т. д., такимъ образомъ во впечатлительныхъ умахъ дътей остались бы конкретныя представленія, которыя могли бы послужить основаніемъ для отвлеченныхъ понятій курса высшихъ классовъ. Пропедевтика, введенная во 2-мъ и 3-мъ классахъ, вела бы за собою напрасную потерю времени и отклоняла бы отъ главной цёли преподаваніе математики. Главная цёль преподаванія математики, кром'в сообщенія ученикамъ необходимыхъ свъдъній, есть пріученіе ихъ къ яснымъ и вполнъ опредъленнымъ понятіямъ, къ точному выраженію этихъ понятій, къ строгому сужденію, а это достигается только научнымъ прохожденіемъ предмета; только научное изложение можетъ выучить учениковъ чувствовать силу доказательства. Можно, въ виду малаго развитія учениковъ, проходитъ предметъ элементарно, наглядно пояснять его многими примърами и задачами, но никогда не слъдуетъ уклоняться отъ неизбъжной точности въ выраженіяхъ или строгости въ доказательствахъ. Подготовительный курсь только темъ можеть отличаться отъ систематическаго, что вмъсто строгихъ доказательствъ въ немъ даются наглядныя объясненія; но ничто не препятствуетъ преподавателю дать эти поясненія и въ систематическомъ курсв предъ изложениемъ доказательства, если же мы ограничимся однимъ изложеніемъ, то пріучимъ считать доказанными положенія далеко еще не доказанныя. Кром'в того такія наглядныя поясненія представляють всегда много неопредвленнаго, благодаря чему въ умахъ учениковъ могутъ образоваться дожныя представленія, искоренить которыя въ последстви будетъ весьма трудно.

Что сказано о подготовительныхъ курсахъ, мы вовсе не думаемъ распространять на такъ называемое концентрическое прохождение предмета; этотъ способъ можетъ оказать весьма значительную услугу пре-

подаванію всёхъ частей гимназическаго курса математики. Въ самомъ дёль, если пройти сперва съ учениками существенныя части предмета, то получимъ ту выгоду, что ученики въ боле короткое время могутъ имёть понятіе о всемъ предмете и о зависимости между его частями, что даетъ имъ возможность сознательно отнестись къ каждой изъ нихъ, понять ихъ цёль и взаимную зависимость. Такъ, напримёръ, при первомъ прохожденіи тригонометріи можно пропустить многія преобразованія тригонометрическихъ формулъ, нахожденіе численныхъ величинъ тригонометрическихъ функцій, чтобы возможно скорёе перейти къ рёшенію треугольниковъ, такъ какъ только рёшая треугольники, ученики поймутъ цёль введенія тригонометрическихъ функцій.

Въ заключение сдълаемъ еще нъсколько замъчаний, относящихся къ учебникамъ. Составители учебниковъ почему то избъгаютъ знаковъ, употребляемыхъ въ высшей математикъ; какъ будто бы потому, что данное слово или знакъ тамъ встръчаются, значение его должно быть не доступно ученикамъ, и какое нибудь понятие станетъ болъе доступнымъ, если его выразимъ или обозначимъ другимъ какимъ либо способомъ. Такъ, напримъръ, въ алгебръ пр. Давидова избъгается знака Σ , хотя употребление его могло бы оказать существенную услугу въ концъ главы о соединенияхъ; обозначение же, принятое въ учебникахъ, оставляетъ неясность въ умахъ учащихся, такъ какъ имъ приходится смотръть на величину S то какъ на перемънную, то какъ на постоянную. Въ статъъ о нахождении наибольшаго и наименьшаго значений тречлена, когда ученики должны совершенно ясно понимать, что въ выражении

$$y = Ax^2 + Bx + C$$

величина y, какъ функція x, должна быть перемѣнной величиной, замѣняють ее знакомъ m, который долженъ обзначать частный случай въ измѣненіяхъ

$$Ax^2+Bx+C$$
,

слъд. величину постоянную. Не понятно, почему бы не означать хотя бы max.y или min.y; такое обозначение показывало бы, что наибольшая или наименьшая величина есть одно изъ всъхъ возможныхъ значений перемънной y.

Въ большинствъ учебниковъ по данному предмету систематически избъгаются выраженія и формулы, взятыя изъ другого предмета, который проходится учениками въ одно время съ первымъ. Такъ въ алгебръ Сомова или Давидова тригонометрическія величины являются только тогда, когда ихъ приходится уже разлагать въ ряды, между тъмъ весьма было бы полезно ихъ введеніе въ статьяхъ о тахітит и тіпітит, о мнимыхъ величинахъ, даже при изслъдованіи уравненій 2-й степени удобно было бы давать задачи, въ которыхъ встръчались бы тригоно-

метрическія величины, что значительно разнообразило бы и самыя задачи, и случан въ нихъ разсматриваемые Введеніе тригонометрическихъ величинъ въ алгебру, давая большую общность выраженіямъ, показало бы ученикамъ, что нельзя забывать внъ класса всего того, о чемъ ръчь идетъ въ классъ; и ученики придавали бы большую важность каждому предмету, если бы знали, что онъ необходимъ и для изученія другихъ.

Р. В. Пржишиховскій (Станишинъ).

Примъчаніе редакціи. Высказанныя здёсь г. Пржишиховскимъ мысли и совёты заслуживають по нашему мнёнію самаго серьезнаго вниманія со стороны гг. преподавателей математики, и если—какъ это думаеть самъ авторъ—въ его замівчаніяхъ ніть ничего особенно новаго, то съ другой стороны—можемъ прибавить отъ себя—они относятся именно къ такимъ, которыя не мізшаеть повторять и напоминать нашимъ педагогамъ какъ можно чаще.

Научная хроника.

Астрономія.

Солнечныя пятна и химическіе элементы на солнцѣ. (Dewar и Liveing. "Sirius". 16. р. 1888).

Авторы, извъстные своими спектроскопическими работами, при

изученій солнечныхъ пятенъ пришли къ следующимъ результатамъ:

- 1) Изъ того, что пятно кажется темные поверхности, не слыдуеть еще, что оно холодные, такъ какъ для многихъ элементовъ, напр. жельза, тепловое напряжение въ ультра-фіолетовой части сильные, чымъ въ видимой.
- 2) Неравномърное распредъленіе линій для пятенъ аналогично и для металловъ.
- 3) Еще не найденныя на землъ линіи изъ линій, принадлежащихъ солнечнымъ пятнамъ, не должны непремънно принадлежать новымъ элементамъ, такъ какъ многіе элементы еще мало изслъдованы; авторы нашли, напр., съ церіемъ и титаномъ много новыхъ линій, совпадающихъ съ линіями солнечныхъ пятенъ. Исчезновеніе фраунгоферовыхъ линій (нъкоторыхъ) можетъ зависъть отъ компенсаціи поглощенія и лучеиспусканія.

4) Линія 4923 въроятно не принадлежитъ жельзу.

5) Въ нъкоторыхъ мъстахъ въ высокихъ областяхъ солнечной атмосферы корона вслъдствіе паденія твердыхъ частицъ можетъ быть сгущена. Бхм.

Библіографическіе отчеты, рецензій и пр.

Двухсотлѣтіе памяти Ньютона (1687—1887). Рѣчи, читанныя въ соединенномъ засѣданіи Императорскаго Общества Любителей Естествознанія, Антропологіи и Этнографіи и Московскаго Математическаго Общества, 20 го декабря 1887 г., профессорами: Н. Е. Жуковскимъ, А. Г. Стольтовымъ, В. К. Цераскимъ и В. Я. Цингеромъ. Съ фототипнымъ снимкомъ заглавнаго листа "Principia" (1-ое изд. 1687 г.) 51 стр. іп 8° съ 5 черт. Цёна 50 к. Москва 1888. (Складъ изданія: Новый Университетъ, кв. Усагина).

Въ концъ прошлаго учебнаго года, когда исполнилось 200 лъть со времени выхода въ свъть безсмертной книги Ньютона: "Philosophiae naturalis principia mathematica," въ № 24 нашего журнала (см. стр. 288 сем. П), мы напомнили читателямъ въ краткихъ словахъ о неподлежащемъ даже сравненію значеніи этой книги и указали въ общихъ чертахъ ея содержаніе. Желающихъ познакомиться болѣе обстоятельно съ этимъ вопросомъ и вообще съ дѣятельностью этого геніальнаго человѣка, отсылаемъ теперь къ вышеназванной брошюрѣ, заключающей весьма много интересныхъ свѣдѣній и составленной вполнѣ элементарно.

Въ брошюру вошли слъдующія ръчи: 1) пр. А. Стольтова "Жизнь и личность Ньютона," 2) пр. Н. Жуковскаго "Ньютонъ, какъ основатель теоретической механики, 3) пр. В. Цераскаго "Ньютонъ, какъ творецъ небесной механики", 4) пр. А. Стольтова "Ньютонъ, какъ физикъ" и 5) пр. В. Цингера "Ньютонъ, какъ математикъ."—Назвавъ имена авторовъ, было бы неумъстнымъ съ нашей стороны дальше расхваливать книжку: всякій кто ее прочтетъ, убъдится, что она достойна памяти великаго мыслителя и будетъ, вмъстъ съ нами, благодаренъ гг. московскимъ ученымъ за то, что, издавъ эти ръчи отдъльною брошюрою, они дали возможность и не москвичамъ принять участіе въ юбилейномъ торжествъ современной науки.

↓ J. D. Everett'a. Единицы и физическія постоянныя. Перевели со 2-го англійскаго изданія П. Н. Вербицкій и И. Ө. Жеребятьевъ. Спб. 1888 г. ц. 2 р.

Сочиненіе это, считающеєся классическимъ, переведено почти на всъ европейскіе языки; такъ что переводчики, взявшіе на себя трудъ и рискъ зачяться книгою Эверетта, сдълали безспорно благое дъло для небогатой русской литературы по физикъ.

Вопросъ о выборт единицъ разнаго рода, давно уже поставленный на очереди, въ послтднее время, благодаря трудамъ Британской Ассоціаціи, получилъ почти окончательное ртшеніе, послт того, какъ ученые остановились на центиметрт, граммт и секундт, какъ основныхъ единицахъ, принявши для другихъ величинъ производныя отъ этихъ единицъ.

Книга Эверетта даетъ теорію единицъ и затъмъ на примърахъ указываемъ важность этого вопроса. Позволю себъ выписать единъ изъ такихъ примъровъ (стр. 47, 48). "Время колебанія простого маятника при малыхъ дугахъ зависитъ отъ длины его и напряженности тяжести. Если мы примемъ, что оно измъняется пропорціонально m-ой степени длины и n-ой степени g и не зависитъ ни отъ чего иного, то измъренія времени должны быть равны m-ой степени длины, учноженной на n-ую степень ускоренія, т. е.

Такъ какъ измъренія объихъ частей уравненія должны быть тождественны, то мы имъемъ

$$1 = -2n$$
, откуда $n = -\frac{1}{2}$,

а сравнивая показатели L,

$$m+n=0$$
, откуда $m=\frac{1}{2}$,

т. е. время колебанія прямо пропорціонально корню квадратному изъ

длины и обратно пропорціонально корию квадратному изъ g. $^{\omega}$

Перечисляя различнаго рода физическія постоянныя величины, Эверетть не ограничивается указаніемь числовыхь величинь, онь постоянно указываеть на взаимную зависимость и соотношеніе постоянныхь; для лучшаго усвоенія этой зависимости въ книгь имьется достаточное число примъровь.

Сочиненіе Эверетта имѣетъ значеніе еще въ одномъ весьма важномъ отношеніи. Наука въ послѣднее время приняда много новыхъ терминовъ, недостаточно еще распространившихся среди не спеціадистовъ по физикъ; точныя опредѣденія терминовъ, содержащіяся у Эверетта, для

такихъ лицъ окажутся весьма кстати.

Понятія эти на столько еще новы, что для большинства изъ нихъ не имъется на русскомъ языкъ соотвътствующихъ словъ. Поэтому переводчикамъ пришлось иногда прибъгать къ несовершенно удовлетворительнымъ терминамъ, или же просто передавать иностранныя слова русскими буквами. Такъ какъ эту сторону вопроса (терминологію) я считаю весьма важною, то нъсколько замъчаній относительно перевода этихъ терминовъ на русскій языкъ будутъ не лишними.

Единицу силы poundal, переданную переводчиками безъ измънія словомъ паундаль, можно было бы назвать фунтовикомь, какъ это уже

и встрвчалось въ нашей литературъ.

Названіе для двухъ изъ трехъ коэффиціентовъ упругости изотропнаго тъла, мнъ кажутся не совсъмъ удачными: resilience of volume (буквально объемная упругость) лучше было бы назвать объемнымъ коэффиціентомъ упругости, а не словами "объемное сопротивленіе". Названіе для модуля Юнга или продольной упругости тъла можно признать годнымъ. Simple rigity, переведенное буквально словами "простая твердость, "совершенно неудачно; лучше было бы назвать "коэффиціентомъ упругости при сдвигъ" или просто "упругостью сдвигъ". "Tenacity (сопротивленіе разрыву) совершенно неправильно передано словомъ "вязкость", такъ какъ для этого понятія въ практической механикъ выработался терминъ "прочность"; и слово "вязкость" слъдуетъ сохранить для другого понятія, передаваемаго по англійски словомъ: "viscosity."

Правильность и сообразность терминологіи въ значительной мъръ способствуеть распространенію отчетливыхь свъдъній; неясная и запутанная терминологія позволяеть игрою словъ обманывать себя и другихъ при объясненіяхъ явленій. Поэтому желательно, чтобы наши ученыя учрежденія, достаточно авторитетныя для этой цъли, помогли установленію такой терминологіи.

А. Л. К.

физики О. Хвольсона, рекомендованы Ученымъ Ком. М. Н. Пр. для среднихъ учебныхъ заведеній, о чемъ будетъ опубликовано въ одномъ изъ ближайшихъ номеровъ Журнала Мин. Н. Просв. Въ виду этого, авторъ вышеназванной книги, о которой мы неоднократно уже упоминали *), понизилъ теперь ея цёну съ 1 рубля до 60 коп.

Задачи.

№ 291. Двъ торговки пріобръли 552 груши, раздълили ихъ между собою поровну и условились продавать по одинаковой цене. Въ 1 ый день каждая изъ нихъ продала по этой цень по 3 десятка. Но груши стали портиться и чемъ дальше, темъ скорее: въ 1-ый день у каждой торговки испортилось по одной грушт, во 2-ой день по 2 груши, въ 3-ій день по три груши и т. д., такъ что вообще въ п-ый день каждая должна была выбросить и грушъ изъ числа остающихся. Тъмъ не менъе одна изъ торговокъ держалась разъ назначенной цёны до конца и продавала всякій день по 3 десятка. Вторая-же, желая скоръе распродать портящійся товаръ, со второго-же дня начала сбавлять цену десятка всякій день на 5 коп. и всъдствіе этого каждый день продавала на 1/2 десятка больше, чъмъ въ предыдущій. Распродавъ такимъ образомъ всъ свои груши, она однакожъ съ прискорбіемъ убъдилась, что ощиблась въ расчетъ, ибо вся ея выручка оказалась на 2 р. 50 к. меньше общей выручки первой торговки. — Спращивается, по какой цёнё онё условились вначалё продавать десятокъ грушъ? Э. К. Ш.

№ 292. Въ 1884 г. на испытаніяхъ зрълости въ Харьковскомъ учебномъ округъ была предложена слъдующая задача по аривметикъ:

"На кирпичномъ заводъ 20 работниковъ въ 18 дней, работая въ

часовъ, приготовили 14400 кирпичей. Сколько могутъ приготовить 16 работниковъ въ 20 дней, если продолжительность рабочаго дня увеличивается на $20^{\circ}/_{\circ}$ и если рабочая сила вторыхъ работниковъ относится къ къ рабочей силъ первыхъ, какъ дробь

$$\begin{array}{r}
1 \\
3+1 \\
\hline
3+1 \\
\hline
1+1 \\
\hline
2
\end{array}$$

относится къ $\frac{11}{24}$?

^{*)} См. "Въстникъ" № 18, стр. 136 сем. П и № 29 стр. 115 сем. Ш.

Какое изъ данныхъ чиселъ можетъ быть опущено въ условіи этой задачи, безъ всякаго вліянія на ея отвътъ?

П. Никульцевъ (Смол.)

№ 293. Два игрока, изъ которыхъ одиинъ имълъ до начала игры а рублей, другой в рублей, сыграли п партій, при чемъ ставку каждый разъ составляли всъ деньги того игрока, у котораго ихъ передъ началомъ партіи было меньше. Въ предположеніи, что постоянно выигриваетъ тотъ, на деньги котораго идетъ партія, требуется опредълить въ какомъ отношеніи должны быть а и в для того, чтобы по окончаніи игры каждый изъ участниковъ остался при своихъ деньгахъ?

А. Гольденберг (Спб.)

№ 294. Доказать, что биссекторы угловъ между противоположными сторонами вписаннаго четыреугольника взаимно перпендикулярны. А. Войновъ (Харьковъ).

№ 295. Въ центръ круга, описаннаго около треугольника ABC, приложены три равныя между собою силы, проходящія чрезъ средины сторонъ треугольника. Доказать, что равнодъйствующая пройдетъ черезъ центръ круга касательнаго къ тремъ сторонамъ треугольника ABC. Выяснить, когда равнодъйствующая пройдетъ черезъ центръ круга вписаннаго п когда—черезъ центръ какого либо внъ-вппсаннаго круга, и кромъ того указать, при какомъ условіи равнодъйствующая будетъ равна разстоянію между центромъ описаннаго и центромъ вписаннаго или внъ-вписаннаго круговъ.

Ип. Пламеневскій (Т. Х. Шура).

Упражненія для учениковъ.

- 1) Стороны квадрата продолжены въ одномъ смыслъ на длину равную сторонъ квадрата, и полученныя точки соединены послъдовательно. Опредълить отношение площади составленной фигуры къ площади взятой.
- 2) Стороны правильнаго шестиугольника продолжены въ одномъ смыслъ на длину равную сторонъ этого многоугольника, и полученныя точки соединены послъдовательно. Опредълить отношение площади составленной фигуры къ площади взятой.
- 3) Правильный шестиугольникъ вписанъ въ прямоугольникъ. Опредълить отношение размъровъ этого прямоугольника. Можно ли всегда вписать правильный шестиугольникъ въ данный прямоугольникъ?
- 4) На сторонахъ правильнаго шестиугольника построены внѣ его квадраты, свободныя вершины которыхъ соединены послѣдовательно. Выразить, въ зависимости отъ стороны взятаго шестиугольника, периметръ и площадь построенной фигуры.

- 5) Не вычисляя стороны правильнаго вписаннаго 12-тиугольника, выразить его площадь въ зависимости отъ радіуса описанной окружности.
- 6) Не вычисляя стороны правильнаго вписаннаго 8-миугольника, выразить его площадь въ зависимости отъ радіуса описанной окружности.
- 7) а) Катеты ВА, СА прям. треугольника АВС продолжены за вершину А и встръчають въ точкахъ С₁, В₁ перпендикуляры, возставленные къ гипотезъ въ концахъ ея. Обнаружить, что треугольники АВС, АВ₁С₁ равновелики.
- b) Останется ли предложеніе справедливымъ для того случая, когда прямыя BB₁, CC₁, не будучи перпендикулярны къ гипотенузъ, равнонаклонены къ ней?
- с) Данный прямоугольный треугольникъ превратить въ равновеликій прямоугольный треугол., одинъ изъ катетовъ котораго имълъ бы данную длину.
- 8) Произвольная точка Р плоскости треугольника ABC соединена съ его вершинами; средины прямыхъ РА, РВ, РС соединены между собой. Въ какомъ отношении находится площадь полученнаго треугольника къ площади взятаго?
- 9) Въ квадратъ ABCD вершина А соединена съ срединой стороны BC, вершина В соединена съ срединой стороны CD, вершина С—съ срединой стороны DA и вершина D—съ срединой стороны AB; проведенныя прямыя образуютъ квадратъ, площадь котораго требуется вычислить.
- 10) ABCD—параллелограмъ; произвольная точка P, взятая въ полосъ между параллелями AD, BC, соединена съ вершинами фигуры. Показать, что сумма площадей треугольниковъ PDA, PBC вдвое меньше площади взятаго параллелограма.

А. Гольденберг (Спб.)

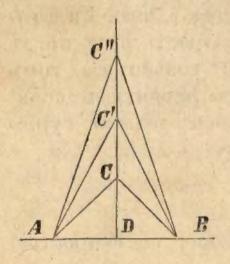
Ръшенія задачъ.

№ 119 На перпендикуляръ, возставленномъ изъ средины нъкоторой прямой AB=a, взяты три точки C, C', C", коихъ разстоянія отъ A суть a, a и $\frac{3}{2}a$. Найти сумму угловъ ACB+AC'B+AC"В.

Изъ прямоугольнаго треугольника АСD (фиг. 24) имвемъ:

AD:CD=
$$tg\frac{ACB}{2}$$
.

Фиг. 24.



Тогда

Или

$$1 = \operatorname{tg} \frac{ACB}{2}$$
.

Отсюда заключаемъ, что

Точно такъ же изъ треугольниковъ AC'D и AC"D найдемъ, что

$$\frac{1}{2} = tg \frac{AC'B}{2}$$
 и $\frac{1}{3} = tg \frac{AC''B}{2}$.

$$tg\frac{AC'B+AC''B}{2}=1$$
,

слъд.

И

 $\angle ACB + \angle AC'B + AC''B = 180^{\circ}$.

А. Бобятинскій (Ег. зол. пр.), П. Поповъ (М.), В. Якубовскій и Я. Тепляковъ (К.) А. Крашенинниковъ (Фрелъ), З. Колтовскій и Н. Шимковичъ (Х.), Ученики: Симб. к. к. (?) С. Б., Тульской г. 7) Н. И., Вольск. р. уч. (5) В. С., Астр. г. (8) И. К.

№ 166. Даны три точки, не лежащія на одной прямой. Найти еще нѣсколько точекъ, принадлежащихъ окружности, проходящей чрезъ три на точки, не проводя самой окружности.

B C

Фиг. 25.

Пусть данныя точки будуть A, B и C. Соединивь A съ B и A съ C, (фиг. 25) проведемъ какълибо прямую BD. Теперь на AC, при точкъ C, строимъ уголъ ACD равный углу ABD. Пересъчение прямыхъ BD и CD въ D есть искомая точка. Подобнымъ образомъ находится цълый рядъ точекъ, принадлежащихъ окружности, проходящей чрезъ три данныя точки.

М. Кузьменко (Сл. Бъл.), Янковскій (Елаб.), С. Блажко (См.), Н. Шимковичь (Х.), Р. Дроздовь (Сиб.), И. Сиро-

тининъ (М.), В. Каганъ (Одесса). Ученики: Мог.-Под. р. у. (6) Я. И., Одес. 3-й г. (6) С. И., Никол. г. (8) Р. Д., Курск. г. (5) В. Х., (6) А. И., Т. ИІ., В. Б., В. Д., (8) И. А., Тул. г. (7) Н. И., Пенз. дух сем. (5) С. Б., Кишин. 2-й г. (7) А. Г., Тифл. р. уч. (7) М. К., Кам.-Под. г. (8) С. Рж., Рост. на Д. р. уч. (?) Г. Б., Елат. г. (7) В. И. Астр. г. (8) И. К., Вор. к. к. (?) А. И.

№ 183. Неупругое тёло въ 12 фунтовъ въсу движется со скоростью 9 м. Съ какою скоростью должно двигаться другое тёло, въсомъ въ 27 фунтовъ, на встръчу первому, чтобы остановить его?

Положимъ, что искомая скорость второго тѣла есть x, тогда количество движенія вточество движенія перваго тѣла будеть 12.9, а количество движенія второго—27x. Количество движенія, а потому и общая скорость тѣлъ послѣ удара будетъ равняться нулю (т. е. они остановятся) только въ томъ случаѣ, когда количество движенія одного тѣла будетъ равняться количеству другого. Такимъ образомъ для рѣшенія вопроса должно существовать равенство

$$12.9 = 27x$$
.

Отсюда находимъ, что второе тъло должно двигаться со скоростью 4 м. на встръчу первому, чтобы остановить его.

М. Кузьменко (Сл Бъл.) Ученики: Никол. г. (8) А. В. и Ворон. к. к. (?) И. К.

№ 187. Сдълавъ незначительное преобразованіе во второй части равенства

$$\left(n+\frac{1}{2}\right)^2 = n^2 + n + \frac{1}{4}$$

можно открыть удобный пріємъ для возвышенія въ квадратъ чиселъ вида: $n+\frac{1}{2}$. Въ чемъ заключается этотъ пріємъ?

Взявъ п общимъ множителемъ въ первыхъ двухъ членахъ второй части, находимъ:

$$\left(n+\frac{1}{2}\right)^2=n(n+1)+\frac{1}{4}$$

Слъд. при возвышеніи въ квадрать чисель вида $n+\frac{1}{2}$, нужно цълое число n умножить на слъдующее за нимъ натуральное число (n+1)и къ произведенію прибавить $\frac{1}{4}$.

С Блажко (См.), Н. Шимковичъ (Х.), Я. Тепляковъ (К.). Ученики: Никол. г. (8) А. В. Уфим. г. (6) А. Э, Тифл. р. уч. (7) М. К., Симб. к. к. (?) С. Б., Курск. г. (8) І. Ч.

Редакторъ-Издатель Э. К. Шпачинскій.

ЧАСТНЫЯ ОБЪЯВЛЕНІЯ.

ДВУХСОТЛЪТІЕ ПАМЯТИ НЬЮТОНА

(1687-1887).

Ръчи, читанныя въ соед. засъданіи Имп. Общ. Люб. Ест., Антропологіи и Этнографіи и Московскаго Мат. Общ., 20 денабря 1887 г. профессорами:

Н. Е. Жуковскимъ, А. Г. Столътовымъ, В. К. Цераскимъ и В. Я. Цингеромъ.

Съ фототипнымъ снимкомъ заглавнаго листка Principia (1-ое изд. 1687 г.)

Цѣна 50 коп. книгопродавцамъ 20°/0 уст.

Складъ изданія: Москва, Новый Университетъ, кв. Усагина.

MOCKBA. 1888.

ОПРДЪЛЕНІЕ ИЗОБРАЖЕНІЙ ПРЕДМЕТОВЪ ВЪ ПРЕЛОМЛЯЮЩИХЪ СРЕДИНАХЪ,

ОГРАНИЧЕННЫХЪ ПЛОСКИМИ ПОВЕРХНОСТЯМИ

и въ сферическихъ зеркалахъ.

Элементарное физико-математическое изслъдование

ПАВЛА СВЪШНИКОВА

преподавателя Троицкой Гимназіи. съ 16 чертежами.

Цена 50 коп. К А 3 А Н Б. 1888.

СОЧИНЕНІЯ П. НИКУЛЬЦЕВА

препод. Александровскаго Смоленскаго реальнаго училища

1) Алгебра и собраніе алгебраическихъ задачъ.

Два выпуска. Цвна 80 коп. за каждый.

Включена въ каталогъ руководствъ по алгебръ для среднихъ учебныхъ заведеній М. Н. Пр. и до-

-000 - 000 -

2) APMOMETMKA

Курсъ среднихъ учебныхъ заведеній. Изданіе 2-е.

Цвна 70 коп.

Одобрена Учен. Ком. М. Н. Пр. въ качествъ руководства по ариеметикъ для среднихъ учебныхъ заведеній М. Н. Пр. и Учебн. Ком. при Св. Синодъ-въ качествъ пособія для дух. училищъ.

3) ОБРАЗЦЫ РЪШЕНІЙ АРИӨМЕТИЧЕСКИХЪ ЗАДАЧЪ.

Пособіе для учащихся.

Цфна 20 кон.

Продаются въ книжныхъ магазинахъ В. Думнова, подъ фирмою насл. бр. Салаевыхъ, Улитиныхъ 1—2.

УЧЕБНИКЪ АРИӨМЕТИКИ

для низшихъ классовъ среднеучебныхъ заведеній.

Составилъ

А. А. Михайловъ.

Преподаватель Владимірской губернской гимназіи.

Цвна 50 коп.

ВЛАДИМІРЪ на КЛЯЗЬМЪ. 1888.

Продается въ кн. маг.: "Новаго Времени" (Сиб., Москва, Харьковъ, Одесса), Карцева (Москва), "Начальная школа" Е. Н. Тихомировой (Москва, Кузнецкій м.), Карбасникова (Сиб., Москва, Варшава), В. Думиова (Москва).

Выписывающіе отъ автора за пересылку не платить.

Сочиненія С. И. ШОХОРЪ-ТРОЦКАГО.

1) МЕТОДИЧЕСКІЙ СБОРНИКЪ АРИӨМЕТИЧЕСКИХЪ ЗАДАЧЪ

для среднихъ учебныхъ заведеній.

часть І.

Задачи и упражнения для приготовительныхъ классовъ и для первоначальнаго обучения ариеметикъ.

Цъна 20 коп. МОСКВА. 1887.

2) СБОРНИКЪ УПРАЖНЕНІЙ ПО АРИӨМЕТИКЪ

для учащихся.

Съ приложеніемъ краткаго учебника ариометики и краткаго изложенія пекоторыхъ ученій геометріи.
ДЛЯ НАРОДНЫХЪ ШКОЛЪ.

Изданіе второе.

(Печатано безъ перемънъ съ перваго изданія, одобрен. Учен. Ком. М. Н. Пр. для народ. школъ)... Цжна 25 коп.

MOCKBA. 1888.

→ ·i-× ··· →

3) ОПЫТЪ МЕТОДИКИ АРИӨМЕТИКИ

для преподавателей математики среднихъ учебныхъ заведеній съ приложеніемъ

ръменій типических вариометических задачь, алгебранческаго характера

Цвна 1 руб.

MOCKBA. 1888.

···

4) УЧЕБНИКЪ АРИӨМЕТИКИ

съ приложениемъ дополнительныхъ статей для среднихъ учебныхъ заведений.

Цвна 75 коп.

MOCKBA. 1888.